

**SKRIPSI**

**PELABELAN SD-PRIME CORDIAL PADA GRAF  $K_4$ -ULAR DAN  
BEBERAPA GRAF TERKAIT**

***SD-PRIME CORDIAL LABELING ON  $K_4$ -SNAKE GRAPH AND  
SOME RELATED GRAPHS***



**JIHAN SALSABILA MUMTAZ**  
**24010119140110**

**DEPARTEMEN MATEMATIKA  
FAKULTAS SAINS DAN MATEMATIKA  
UNIVERSITAS DIPONEGORO  
SEMARANG  
2023**

## HALAMAN PENGESAHAN

### SKRIPSI

#### PELABELAN SD-PRIME CORDIAL PADA GRAF $K_4$ -ULAR DAN BEBERAPA GRAF TERKAIT

Telah dipersiapkan dan disusun oleh:

JIHAN SALSABILA MUMTAZ

24010119140110

Telah dipertahankan di depan Tim Penguji

pada tanggal 20 September 2023

Susunan Tim Penguji

Pembimbing II/Penguji,

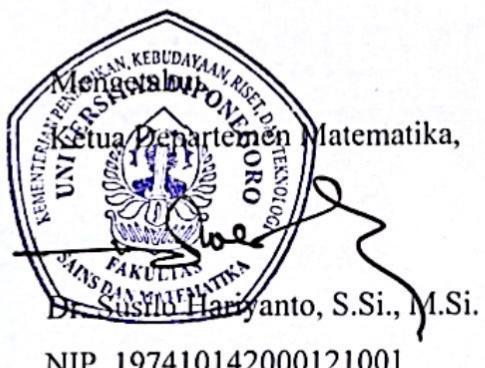
Abdul Aziz, S.Si., M.Sc.

NIP. 198502062015041003

Penguji,

Drs. Bayu Surarso, M.Sc. Ph.D.

NIP. 196311051988031001



Ketua Departemen Matematika,  
Dr. Susilo Harryanto, S.Si., M.Si.  
NIP. 197410142000121001

Pembimbing I/Penguji,

Dr. Lucia Ratnasari, S.Si., M.Si.  
NIP. 197106271998022001

## ABSTRAK

### PELABELAN SD-PRIME CORDIAL PADA GRAF $K_4$ -ULAR DAN BEBERAPA GRAF TERKAIT

oleh

Jihan Salsabila Mumtaz

24010119140110

Diberikan suatu graf  $G$  dengan himpunan titik  $V(G)$  dan himpunan sisi  $E(G)$ . Didefinisikan fungsi bijektif  $f : V(G) \rightarrow \{1, \dots, n\}$  yang menginduksi pelabelan sisi  $f' : E(G) \rightarrow \{0,1\}$  dengan  $f'(uv) = 1$  jika  $\gcd(S, D) = 1$  dan  $f'(uv) = 0$  untuk yang lain, di mana  $S = f(u) + f(v)$  dan  $D = |f(u) - f(v)|$ . Pelabelan pada graf  $G$  disebut pelabelan *SD-prime cordial* jika  $|e_{f'}(0) - e_{f'}(1)| \leq 1$ , dengan  $e_{f'}(0)$  adalah banyaknya sisi yang berlabel 0 dan  $e_{f'}(1)$  adalah banyaknya sisi yang berlabel 1. Graf  $G$  yang dapat dilabeli dengan pelabelan *SD-prime cordial* disebut graf *SD-prime cordial*. Dalam Skripsi ini, dikaji mengenai pengkonstruksian pelabelan *SD-prime cordial* pada graf  $K_4$ -ular, graf  $K_4$ -ular ganda, graf  $K_4$ -ular alternatif, graf  $K_4$ -ular alternatif ganda, subdivisi dari graf  $K_4$ -ular, subdivisi dari graf  $K_4$ -ular ganda, subdivisi dari graf  $K_4$ -ular alternatif, dan subdivisi dari graf  $K_4$ -ular alternatif ganda. Hasil yang didapatkan adalah graf  $K_4$ -ular ( $K_4S_n$ ) untuk  $n \geq 3$ , graf  $K_4$ -ular ganda ( $D(K_4S_n)$ ), graf  $K_4$ -ular alternatif ( $A(K_4S_n)$ ) untuk  $n \geq 3$ , graf  $K_4$ -ular alternatif ganda ( $DA(K_4S_n)$ ) untuk  $n \geq 3$ , subdivisi dari graf  $K_4$ -ular ( $S(K_4S_n)$ ), subdivisi dari graf  $K_4$ -ular ganda ( $S(D(K_4S_n))$ ), subdivisi dari graf  $K_4$ -ular alternatif ( $S(A(K_4S_n))$ ) untuk  $n \geq 3$ , dan subdivisi dari graf  $K_4$ -ular alternatif ganda ( $S(DA(K_4S_n))$ ) untuk  $n \geq 3$  merupakan graf *SD-prime cordial*.

**Kata Kunci:** Pelabelan Graf, Pelabelan SD-Prime Cordial, Graf  $K_4$ -Ular, Subdivisi dari Graf  $K_4$ -Ular

## ABSTRACT

### SD-PRIME CORDIAL LABELING ON $K_4$ -SNAKE GRAPH AND SOME RELATED GRAPHS

by

Jihan Salsabila Mumtaz

24010119140110

Given a graph  $G$  with vertex set  $V(G)$  and edge set  $E(G)$ . Define a bijective function  $f : V(G) \rightarrow \{1, \dots, n\}$  that induces an edge labeling  $f' : E(G) \rightarrow \{0,1\}$  with  $f'(uv) = 1$  if  $\gcd(S, D) = 1$  and  $f'(uv) = 0$  otherwise, where  $S = f(u) + f(v)$  and  $D = |f(u) - f(v)|$ . A labeling on a graph  $G$  is called SD-prime cordial labeling if  $|e_{f'}(0) - e_{f'}(1)| \leq 1$ , where  $e_{f'}(0)$  is the number of edges labeled 0 and  $e_{f'}(1)$  is the number of edges labeled 1. A graph  $G$  that can be labeled with SD-prime cordial labeling is called an SD-prime cordial graph. In this Thesis, discusses the construction of SD-prime cordial labeling on  $K_4$ -snake graph, double  $K_4$ -snake graph, alternate  $K_4$ -snake graph, double alternate  $K_4$ -snake graph, subdivision of  $K_4$ -snake graph, subdivision of double  $K_4$ -snake graph, subdivision of alternate  $K_4$ -snake graph, and subdivision of double alternate  $K_4$ -snake graph. The results are  $K_4$ -snake graph ( $K_4S_n$ ) for  $n \geq 3$ , double  $K_4$ -snake graph ( $D(K_4S_n)$ ), alternate  $K_4$ -snake graph ( $A(K_4S_n)$ ) for  $n \geq 3$ , double alternate  $K_4$ -snake graph ( $DA(K_4S_n)$ ) for  $n \geq 3$ , subdivision of  $K_4$ -snake graph ( $S(K_4S_n)$ ), subdivision of double  $K_4$ -snake graph ( $S(D(K_4S_n))$ ), subdivision of alternate  $K_4$ -snake graph ( $S(A(K_4S_n))$ ) for  $n \geq 3$ , and subdivision of double alternate  $K_4$ -snake graph ( $S(DA(K_4S_n))$ ) for  $n \geq 3$  are SD-prime cordial graph.

**Keywords:** Graph Labeling, SD-Prime Cordial Labeling,  $K_4$ -Snake Graph, Subdivision of  $K_4$ -Snake Graph